

N1.  $2^{45} \cdot 15^{15} \leq 2^{45} \cdot 5^{38} = 2^{88} \cdot 7 \cdot 5^{38}$   
 $= 10^{38} \cdot 2^9 \leq 128 \cdot 10^{38} = 1280 \dots 0$  + ~~4~~

$1+7+8=16$

Ответ: 11.

N3. При 2-х условиях можно получить последовательность, сумма цифр которой кратна 10: тогда, когда их сумма цифр не меняется (невозможно) и когда разность между суммами кратна 10. Это также невозможно, т.к.

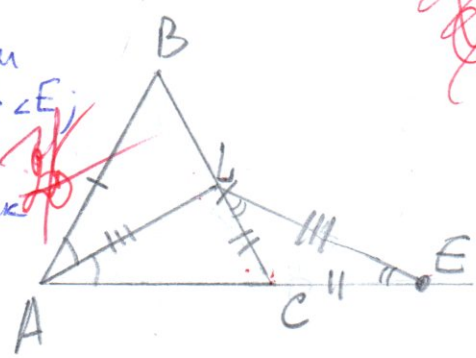
202-8-9

21

N2.  $(a+b)^2 - (c+d)^2 + (a+c)^2 - (b+d)^2 = a^2 + b^2 + 2ab - c^2 - d^2 - 2cd + a^2 + c^2 + 2ac - b^2 - d^2 - 2bd = 2a^2 - 2d^2 + 2ab - 2cd + 2ac - 2bd = 2(a^2 - d^2 + ab - cd + ac - bd) = 2(a-d)(a+b+c+d)$ , т.т.д.

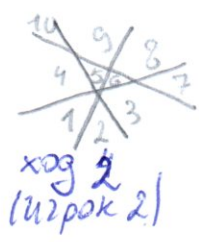
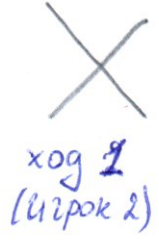
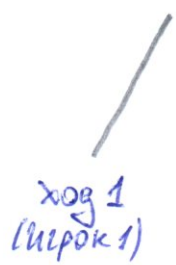
N4. Дано:  $\triangle ABC$  - равнобедр.,  $AL$  - биссек.;  $E$  не принадлежит  $AC$ ,  $CE = CL$ .  
 Док-ть:  $AL = LE$ .

Док-во:  $\angle ACL$  - внешний угол  $\triangle LCE$   
 $\Rightarrow \angle ACL = \angle E + \angle ELC$ , а т.к.  $EC = CL$  и  $\triangle ECL$  - равнобедр., то  $\angle E = \angle ELC$  и  $\Rightarrow \angle ACL = 2 \cdot \angle E$ .  
 Т.к.  $AL$  - биссек., то в  $\triangle ABC$  - равнобедр., то  $\angle BAL = \angle LAC$ , и  $\angle ACL = 2 \cdot \angle BAL$  (т.к.  $\angle A = \angle C$  как  $\angle$  при осн.  $\Rightarrow \angle CAL = \angle CEL \Rightarrow \triangle ALE$  - равнобедр.  $\Rightarrow AL = EL$ , т.т.д.



N5. Наиболее выгодное положение у 2-го игрока.

После хода 1-го игрока 2-й игрок должен провести непараллельную прямую первой. Далее есть 2 варианта развития событий: 1) 1-й игрок проводит прямую, которая параллельна одной из 2-х первых. В таком случае 2-й игрок должен провести прямую так, чтобы она пересеклась с другими прямыми в 3-х разных точках. 2) 1-й игрок проводит прямую непараллельную 2-м первым. Тогда 2-му игроку плоскость разделена на 10, что кратно 5.



10