

265

№10.1

Пусть  $x = 2018$ , тогда:

$$\frac{(x-10) \cdot (x+10) + 100 \cdot (x-20) \cdot (x+20) + 400}{x^4} = \frac{(x^2 - 100 + 100)(x^2 - 400 + 400)}{x^4} = \frac{x^2 \cdot x^2}{x^4} = \frac{x^4}{x^4} = 1$$

75

Ответ: 1

№10.2

$$\frac{x-y}{1-xy} < 1 \quad 0 < 1-xy-x+y \quad 0 < (1-x)(1+y)$$

$$x-y < 1-xy \quad 0 < (1-x)+y(1-x)$$

$1+y > 0$  (т.к.  $y > 0$  по усл.)

$1 > x \quad 1-x > 0$  (т.к.  $x > 0$  по усл.)

$\Rightarrow (1-x)(1+y) > 0$  (т.к. произведение двух положительных чисел равно положительному числу), что и требовалось доказать.

55

№10.3

Можно составить пять пар чисел, чтобы их сумма не повторялась. Это пары:  $(1; 1); (1; 1); (1; 1); (1; 1); (1; 1)$

У куба есть шесть граней  $\Rightarrow$  Нет, нельзя.

75

№10.5

При правильной игре всегда выигрывает второй игрок. Есть два варианта победы:

а) I ход:

- первый игрок строит прямую, т.к. больше он ничего не может сделать.
- второй игрок строит любую прямую, которая пересекает первую прямую

II ход:

- первый игрок строит прямую, пересекающую две других не в точке их пересечения.
- второй игрок строит прямую, которая параллельна любой другой ~~прямой~~ прямой.

80

Побеждает второй игрок.

б) I ход:

- первый игрок строит прямую.
- второй игрок строит прямую, пересекающую первую прямую.

II ход:

- первый игрок строит ~~параллельную~~ прямую, которая параллельна любой другой прямой.
- второй игрок строит прямую, пересекающую три другие прямые.

Побеждает второй игрок.

в) I ход:

- первый игрок строит прямую.
- второй игрок строит прямую, пересекающую первую прямую.

II ход:

- первый игрок строит прямую, которая пересекает две другие прямые в точке их пересечения.
- второй игрок строит прямую, которая пересекает три другие прямые.

Рисунок для 1 и 2-го случая:

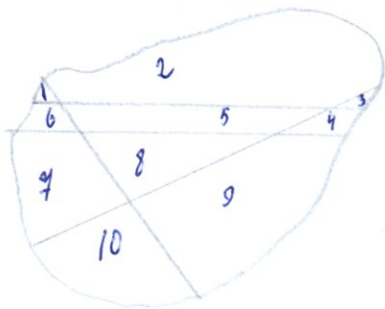
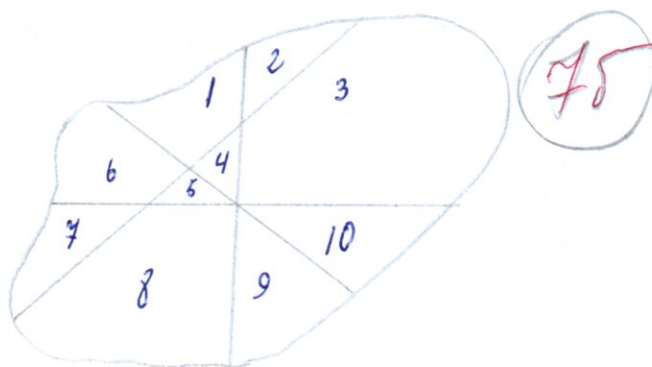


Рисунок для 3-го случая:



75